

ക്ലാസ് : 7  
 ഇംഗ്ലീഷ് : ആവർത്തന ഗുണ നം  
 മൊഡ്യൂൾ : 1

### പഠന നേട്ടങ്ങൾ :

- ആവർത്തന ഗുണിതത്തിന്റെ ക്രിയാ രൂപമായി കൂട്ടികരണത്തെ വ്യാഖ്യാനിക്കാനും പിശേഷികരിക്കാനും കഴിയുന്നു.
- വലിയ സംഖ്യകളെ വ്യാഖ്യാനിക്കാനതിന് കൂടുകും പ്രയോജനപ്പെടുത്തുന്ന ഇത്തരം വ്യാഖ്യാനങ്ങൾ ഫലപ്രദമായി അവതരിപ്പിക്കാൻ.
- എല്ലാൽ സംഖ്യകളെല്ലാം ദശാംശ സംഖ്യകളെല്ലാം 10 ന്റെ കൂട്ടികളുപയോഗിച്ച് സ്ഥാന വിലകളെ അടിസ്ഥാനമാക്കി വ്യാഖ്യാനിക്കാൻ.
- ക്രിയാ രീതികൾ പ്രയോജനപ്പെടുത്തി കൂടുകും നിയമങ്ങൾ സമർത്ഥിക്കാൻ.
- പ്രശ്നപതിഹരണത്തിനും ക്രിയകൾ എല്ലാപ്പുത്തിൽ ചെയ്യുന്നതിനും കൂടുകും നിയമങ്ങൾ പ്രയോജനപ്പെടുത്തുന്നു.
- കൂട്ടികളുമായി ബന്ധപ്പെട്ട സംഖ്യാ ബന്ധങ്ങൾ യുക്തി പൂർവ്വം സമർത്ഥിക്കാൻ.
- 

### ആഗ്രഹങ്ങൾ

- ◆ ഒരു സംഖ്യയുടെ ആവർത്തതിച്ചുള്ള ഗുണനത്തെ ആ സംഖ്യയുടെ കൂട്ടിയായി എഴുതാം.
- ◆ 1,10,100,1000 തുടങ്ങിയ സംഖ്യകളെ 10 ന്റെ കൂട്ടിയായി എഴുതാം.
- ◆ ഭിന്ന സംഖ്യകളെല്ലാം ദശാംശ സംഖ്യകളെല്ലാം കൂടുകും രൂപത്തിൽ ചുരുക്കി എഴുതാം.
- ◆ ഒരു സംഖ്യയെ അഭ്രാജ്യ സംഖ്യകളുടെ ഗുണന ഫലമായി എഴുതി കൂടുകും രൂപത്തിൽ ചുരുക്കി എഴുതാം.
- ◆ ഒരു സംഖ്യയുടെ രൂപത്തിൽ കൂടുകും ഘടകങ്ങളുടെ കൂടുകുങ്ങലുടെ തുകയാണ്. ഗുണന ഫലത്തിന്റെ കൂടുകും ഘടകങ്ങളുടെ കൂടുകുങ്ങലുടെ തുകയാണ്.
- ◆ x പുജ്യമല്ലാത്ത ഏതു സംഖ്യയായാലും 0, n എന്നിവ ആയ ഏത് എല്ലാൽ സംഖ്യകൾ അയാലും ആയിരിക്കാം.
- ◆ x പുജ്യമല്ലാത്ത ഏതു സംഖ്യയായാലും m, n എന്നിവ ആയ ഏത് എല്ലാൽ സംഖ്യകൾ അയാലും ആയിരിക്കാം.
- ◆ ഒരു സംഖ്യയെ അഭ്രാജ്യ ഘടകങ്ങളാക്കി കൂടുകുന്നുപത്തിൽ എഴുതിയാൽ അതിന്റെ ഘടകങ്ങളുടെ എല്ലാം കത്താൻ കഴിയും.

സാമഗ്രികൾ : ചാർട്ട്, വർക്ക് ഷീറ്റ്

സമയം : 12 പിംഗിയും

### പഠനബോധന പ്രക്രിയകൾ

ഒരു പ്രശ്നം അവതരിപ്പിച്ചു കൊണ്ട് ക്ലാസ് തുടങ്ങാം.

? ഗണിത ക്ലാസ് സെപ്റ്റംബർ മാസം നമ്മുടെ സ്കൂളിലെ ഗണിത മാസമായി ആചാരിക്കാൻ തീരുമാനിച്ചിരിക്കാനും. അതിന്റെ ഭാഗമായി ഓരോ ദിവസവും ഓരോ ചോദ്യം ബുള്ളറ്റിന് ബോർഡിൽ ഇടുന്നതായിരിക്കാം. ഈ മാസത്തിൽ 20 പ്രവൃത്തി ദിവസങ്ങളും. അതിനോടും അത്യയും ചോദ്യങ്ങളുമുായിരിക്കാം. മാസാന്ത്യം ഏറ്റവും കൂടുതൽ സ്കോർ ലഭിക്കുന്നവർക്ക് സമാനമുായിരിക്കാം. സ്കോർ നല്കുന്നതിന് 2 മൾജങ്ങളും. അതിൽ ഏത് വേണമെന്ന് നിങ്ങൾക്ക് തീരുമാനിക്കാം. കാരണം വ്യക്തമാക്കുകയും വേണം.

രീതി 1 : ഓരോ ശരിയുത്തരത്തിനും 100 സ്കോർ വീതം ഓരോ ദിവസവും നല്കാം.

രീതി 2 : ആദ്യത്തെ ശരിയുത്തരത്തിന് 2 സ്കോർ .2 -ാമത്തെ ശരിയുത്തരത്തിന് 4 സ്കോർ .3 -ാമത്തെ ശരിയുത്തരത്തിന് 8 സ്കോർ.4 -ാമത്തെ ശരിയുത്തരത്തിന് 16 സ്കോർ.....എന്നിങ്ങനെ ഓരോ ദിവസവും

പോയിന്ത് ഇരട്ടിച്ച് വരുന്നു.

? എക്കിൽ എത്ര രീതിയിൽ സ്കോർ നല്കുന്നുണ്ട് എറ്റവും കൂടുതൽ സ്കോർ ലഭിക്കുന്നതെന്ന് കത്തി ഇഷ്ടമുള്ള രീതി തെരഞ്ഞെടുക്കുക.

? ഓരോ രീതിയിലും 20-ആം ദിവസം കിട്ടുന്ന സ്കോർ എത്രും?

? 30 ചോദ്യങ്ങളായിത്തന്നെങ്കിൽ 30 -ആം ദിവസം കിട്ടുന്ന സ്കോർ എത്രയായിരിക്കും?(കാല്ക്കലേറ്ററിന്റെ സഹായത്തോടെ കത്തട്ടെട്ടുവരുമെങ്കിൽ കാല്ക്കലേറ്റർ നല്കുന്നു.)

ഓരോദിവസത്തെയും സ്കോർ (എല്ലാ ഉത്തരങ്ങളും ശരിയായാൽ) 2 രീതിയിലുമുള്ളത് പട്ടികപ്പെടുത്തി നോക്കാം.

ദിവസം	രീതി 1	രീതി 2
1	100	2
2	100+100	2 X 2 = (4)
3	100+100+100	2 X 2 X 2 = (8)
4	100+100+100+100	2 X 2 X 2 X 2
5	100+100+100+100+100	2 X 2 X 2 X 2 X 2
6	-----	-----
7	-----	-----
8	-----	-----
9	-----	-----
10	-----	-----
.	-----	-----
.	-----	-----
.	-----	-----
.	-----	-----
.	-----	-----
.	-----	-----
30	-----	-----

? കൂടുതൽ സംഖ്യകളെഴുതുന്നുണ്ടോ ബുദ്ധിമുട്ട് ഒഴിവാക്കാനായി ഇവയെ എങ്ങനെ ചുരുക്കി എഴുതാം?

ആവർത്തന സങ്കലനം ഗുണനമാണെന്നും ഗുണനക്രിയാ രൂപത്തിലെഴുതാമെന്നാംതിരിച്ചുറിയട്ട്.രീതി 2 ആവർത്തന ഗുണനമാണെന്നുമവയെ കൃതിയായി ചുരുക്കി എഴുതാമെന്നും അധ്യാപികയും സഹായത്തോടെ കത്തുകയും ചെയ്യുന്ന പട്ടികയിൽ കോളം 3,6 എന്നിവ എഴുതാൻ നിർദ്ദേശിക്കുന്നു.(ഈ കോളങ്ങൾ അവതരണത്തിന് ശേഷം എഴുതിയാൽ മതി).ആവർത്തന ഗുണനം - കൃതീകരണം ,കൃത്യകം,വർഗം,ലുനം എന്നിവ പരിചയപ്പെടുത്തുന്നു.

? രാം രീതിയിൽ സ്കോർ ലഭിക്കുന്നുണ്ട് കൂടുതൽ മെച്ചമെന്ന് കുവല്ലോ.എക്കിൽ ആദ്യത്തെ ദിവസം 4 പോയിന്ത് ആണ് നൽകുന്നതെങ്കിൽ -

a. 10-ാം ദിവസം എത്ര പോയിന്ത് ആണെന്ന് ചുരുക്കി എഴുതു( എന്ന് എഴുതുട്ട്).

b. 14 -ാം ദിവസം എത്ര ?

? ആദ്യ ദിവസം 6 പോയിന്ത് ആണെങ്കിൽ 10 -ാം ദിവസവും 14 -ാം ദിവസവും എത്രും?

? ആദ്യ ദിവസം 5 പോയിന്ത് ആണെങ്കിലെല്ലാ?

കൂടുതൽ പ്രവർത്തനങ്ങൾ ഗുഹപാഠമായി നൽകുന്നു.

? താഴെ കൊടുത്തവയിൽ വലിയ സംഖ്യയെത്ത്?

1.  $2^{10}$
2.  $3^6$
3.  $4^5$
4.  $1^{10}$
5.  $100^3$

(ഗുഹപാഠമായി നൽകിയ ചോദ്യങ്ങളും ഉത്തരങ്ങളും അടങ്കിയ ചാർട്ട് പ്രക്രതശില്പിക്കുന്നു.)

$2^1 = 2$	$4^5 = 4096$	$3^6 = 729$	$1^1 = 1$	$10^7 = 10000000$	$100^3 = 1000000$	$0^2 = 0$
$2^2 = 4$	$4^2 = 16$	$3^2 = 9$	$1^2 = 1$	$10^2 = 100$	$100^2 = 10000$	$0^2 = 0$
$2^3 = 8$	$4^3 = 64$	$3^3 = 27$	$1^3 = 1$	$10^3 = 1000$	$100^3 = 1000000$	$0^3 = 0$
$2^4 = 16$	$4^4 = 256$	$3^4 = 81$	$1^4 = 1$	$10^4 = 10000$		$0^4 = 0$
$2^5 = 32$	$4^5 = 1024$	$3^5 = 243$	$1^5 = 1$	$10^5 = 100000$		$0^5 = 0$
$2^6 = 64$		$3^6 = 729$	$1^6 = 1$	$10^6 = 1000000$		$0^6 = 0$
$2^7 = 128$			$1^7 = 1$	$10^7 = 10000000$		$0^7 = 0$
$2^8 = 256$			$1^8 = 1$			$0^8 = 0$
$2^9 = 512$			$1^9 = 1$			$0^9 = 0$
$2^{10} = 1024$			$1^{10} = 1$			$0^{10} = 0$

? ഈ പട്ടികയിലെ സംവ്യൂദ്ധത കൃതികൾക്ക് എന്തെങ്കിലും പ്രത്യേകതയും?

? '0' ത്തിന്റെ കൃതികളും പൂജ്യമാണെല്ലാ. മറ്റു സംവ്യൂദ്ധത കൃതികൾക്കുള്ള പ്രത്യേകതകൾ എന്തും? ചർച്ച - പൊതു അവതരണം - ഭക്താധികരണം.

### ഭക്താധികരണം:-

- 1 എല്ലാ കൃതികളും ഒന്ന തന്നെ.
- 10 എല്ലാ, 100 എല്ലായും കൃതികളിൽ കൂടുക്കത്തിന്റെ അത്യയും എല്ലാം 0 ഒന്നിന്റെ കോടെ ചേർത്താൽ മതി.
- 100, 1000 .... ഇത്തരം സംവ്യൂദ്ധത കൃത്യകതയെ അവധിയിലെ പൂജ്യത്തിന്റെ എല്ലാം കുറഞ്ഞിച്ച് അത്യയും പൂജ്യം 1 എല്ലാ കൃതെ ചേർത്താൽ മതി.
- ഇരട്ട് സംവ്യൂദ്ധത കൃതികളും ഇരട്ട് സംവ്യൂദ്ധ തന്നെ.

? 5, 6, 7, 8, 9 എന്നീ സംവ്യൂദ്ധത കൃതികളും ഒറ്റയുടെ സ്ഥാനത്തെ സംവ്യൂദ്ധത പ്രത്യേകത കണ്ടുകൊണ്ടു.

### ഭിന്നകൃതികൾ:-

$$1^3 = 1 \times 1 \times 1 = 1$$

$$2^3 = 2 \times 2 \times 2 = 8 \quad \text{എക്കിൽ, } (1/8)^3 = ?$$

'1/8' എന്ന് കണ്ടെന്ന് .ആവശ്യമെങ്കിൽ സഹായിക്കണം.

?  $\frac{1}{2}$  എല്ലാ 3 -ാം കൃതി നേക്കാൻ ചെറുതാണെല്ലാ. ഇതു പോലെ മറ്റേതെങ്കിലും സംവ്യൂദ്ധത കൃതികൾ സംവ്യേച്യകാശം ചെറുതായി വരുന്നോ?

? എല്ലാ ഭിന്നസംവ്യൂദ്ധത ക്രിതികളും ഇത് പോലെ ചെറുതാവുന്നോ? കൂടുതൽ ഭിന്നസംവ്യൂദ്ധത കൃതികൾ കണ്ടു.

### മിശ്ര ഭിന്നമായാൽ:-

( $3\frac{1}{2}\right)^2$  എത്രയെന്ന കണ്ടെന്ന പരിശീലനപ്പോൾ നിവിലിന് കിട്ടിയത്  $12\frac{1}{4}$  ഉം സംഗീതയ്ക്ക് കിട്ടിയത്  $9\frac{1}{4}$  ഉം ആണ്. ആതാഫേതാണ് ശരിയുതരം? എന്തുകൊണ്ട്?

സംഗീത	നിവിൽ
$(3\frac{1}{2}) = 3^2 = 9$ $1^2 = 1$ $2^2 = 4$ $(3\frac{1}{2}) = 9\frac{1}{4}$	$(3\frac{1}{2})^2 = \frac{3 \times 2 + 1}{2} = (7\frac{1}{2})^2$ $(7\frac{1}{2})^2 = \frac{49}{4} = 12\frac{1}{2}$

പർശ്ച - പൊതു അവതരണം - ഫ്രോഡീകരണം  
നിവിൽ ചെയ്ത റീതിയാണ് ശരിയെന്ന് ഫ്രോഡീകരിക്കേണ്ടത്.

? ക്രത്യു:-

### ദശാംശകൃതികൾ

$(3\frac{1}{2})^2 = 12 \frac{1}{4}$  ഇവയെ എങ്ങനെ ദശാംശരൂപത്തിലെഴുതാം?

$$3 \frac{1}{2} = 3.5$$

$$12 \frac{1}{4} = 12.25$$

$$(3.5)^2 = 12.25 = 3.5 \times 3.5 = \dots\dots$$

35 എം്പിച്ചു വർഗം കണ്ക് ദശാംശ സ്ഥാനം ചേർത്താൽ മതിയെന്ന് ഫ്രോഡീകരിക്കേണ്ടത്.

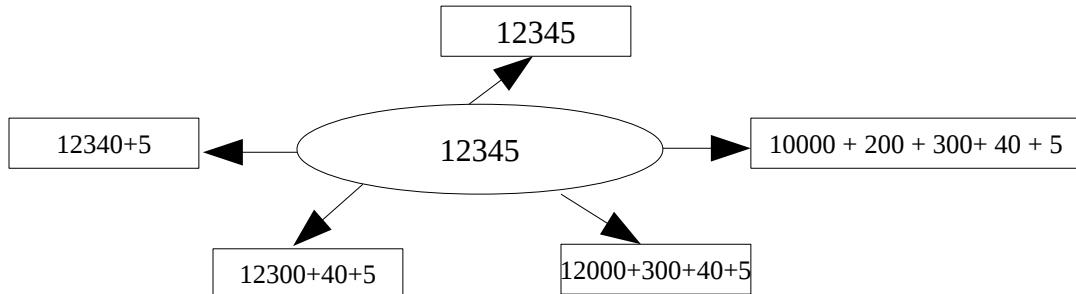
(ദശാംശ ഭിന്നങ്ങളുടെ ഗുണനം മുൻ കൂണ്ടിൽ പതിച്ചതിനാൽ ക്രിയകൾ ചെയ്യാൻ നിർദ്ദേശിക്കേണ്ടത്.)

$$? * (12.34) * (3.24) * (0.221)$$

$$? 32 = 32768 \text{ എങ്കിൽ, } 3.2 = \dots\dots \quad 0.32 = \dots\dots \quad 0.032 = \dots\dots$$

### സ്ഥാനവില

? 12345 നെ സ്ഥാനവിലയന്നസരിച്ച് എങ്ങനെ പിരിച്ചെഴുതാം?



$$7 \times 10 = 70$$

$$2 \times 10 = 200$$

$$5 \times 10 = 5000$$

$$6 \times 10 = 60000 \text{ എങ്കിൽ,}$$

' 56327 ' നെ എങ്ങനെ പിരിച്ചെഴുതാം?

$$5 \times 10 + 6 \times 10 + 2 \times 10 + 7 \times 10$$

? പിരിച്ചെഴുതുക

$$\bullet \quad 1605 \quad * \quad 365 \quad * \quad 2906 \quad * \quad 405307 \\ \text{വർക്ക് ഷീറ്റ് 1 നല്കുന്നു.}$$

### ഹടകക്രിയ

? 12 നെ എത്രല്ലാം റീതിയിൽ 2 സംഖ്യകളുടെ ഗുണനഫലമായി എഴുതാം? ക്രീകൾ പറയുന്നവ ബോർഡിൽ എഴുതുന്നതും തെറ്റായി പറയുന്നവ ശരിയാക്കാൻ ഒരു നിർദ്ദേശങ്ങൾ നല്കുന്നു.

$$12 = 1 \times 12$$

$$12 = 2 \times 6$$

$$12 = 3 \times 4$$

? 1,2,3,4,6,12 എന്നിവ 12 എം്പിച്ചു ഹടകങ്ങളാണെല്ലാ? ഇവയിൽ അഭാജ്യ സംഖ്യകളെത്തല്ലാം? (2 ഹടകങ്ങൾ

മാത്രമുള്ളവയാണ് അഭാജ്യ സംവ്യക്തെന്നും 1 ഭ്രാഹ്മോ അഭ്രാഹ്മോ അല്ലെന്നും ബോധ്യപ്പെടുത്തുന്ന.)  
2,3 എന്നിവയാണെന്നവർ പറയുന്നു. അതുകൊപ്പ് 2,3 എന്നിവ 12 എൻ്റെ അഭാജ്യപ്പടകങ്ങളാണ് - എന്ന് ഫോകാഡീകരിക്കുന്നു.

6,18,24,28 എന്നിവയുടെ അഭാജ്യ പ്ലടകങ്ങൾ ഈ രീതിയിൽ കൂടികൾ നല്കുന്ന നിർദ്ദേശമനസ്സിൽച്ച് അധ്യാപിക ബോർഡിൽ എഴുതുന്നു.

- ◆  $6 = 1 \times 6$  അഭാജ്യ പ്ലടകങ്ങൾ -2,32
- $6 = 2 \times 3$
- ◆  $8 = 1 \times 8$  അഭാജ്യ പ്ലടകം -2
- $8 = 2 \times 4$
- ◆  $24 = 1 \times 24$
- $24 = 2 \times 12$
- $24 = 3 \times 8$  അഭാജ്യ പ്ലടകങ്ങൾ -2,3
- $24 = 4 \times 6$
- ◆  $28 = 1 \times 28$
- $28 = 2 \times 14$  അഭാജ്യ പ്ലടകങ്ങൾ -2,7
- $28 = 4 \times 7$

അനൗലസംവ്യകൾ  
 6 എൻ്റെ പ്ലടകങ്ങൾ 1,2,36  
 6 ഒഴികെയുള്ള സംവ്യക്തുടെ തുക  $1+2+3 = 6$   
 (ഈ രീതിയിൽ ഒരു സംവ്യ ഒഴികെ - തുക ആ സംവ്യയ്ക്ക് തുല്യമായ സംവ്യകളാണ്  
അനൗല സംവ്യ.  
 2 - 1 ഒരു അഭാജ്യ സംവ്യയായാൽ ,2 ( $2k - 1$ )  
 ഒരു അനൗല സംവ്യയായിരിക്കും.  
 ഉദാ:-  $2 (2-1) = 4 - 7 = 28$   
 ( $k = 3$ ) 28 അനൗലസംവ്യയാണ്.

എങ്കിൽ, 24 നെ എങ്ങനെന്ന അതിന്റെ അഭാജ്യ പ്ലടകങ്ങളുടെ ഗുണനഫലമായി എഴുതാം?  
 2,24 ഒരു അഭാജ്യ പ്ലടകമാണെന്നോ.

$$\begin{array}{ll} 2 \times 12 = 24 & (12 \text{ ഭാജ്യമാണെല്ലാ?അതിനാൽ,}) \\ 2 \times (2 \times 6) = 24 & 12 = 2 \times 6 \\ 2 \times 2 \times (2 \times 3) = 24 & 6 \text{ ഭാജ്യമായതിനാൽ } 6 = 2 \times 3 \end{array}$$

അതിനാൽ 24 നെ അഭാജ്യ പ്ലടകങ്ങളുടെ ഗുണനഫലമായി  $(2 \times 2 \times 2) \times 3$  എന്നെഴുതാം .ഈതിനെ ഒന്നകൂടി ചുരുക്കി എഴുതിയാൽ  $2 \times 3$  എന്നെഴുതാം.

എങ്കിൽ 18 നെ ഈ രീതിയിലെഴുതിയാലോ?(കൂടികൾ നിർദ്ദേശിക്കുന്ന കാര്യങ്ങൾ ടീചർ BB യിലെഴുതുന്നു.)

$$\begin{aligned} 18 &= 2 \times 9 \\ 18 &= 2 (3 \times 3) \\ 18 &= 2 \times 3 \end{aligned}$$

ഈങ്ങനെ ചെയ്യുന്നതിനല്ല മറ്റാൽ രീതി എന്ന രീതിയിൽ പ്ലടകക്രിയ ചെയ്യുന്ന രീതി പരിചയപ്പെടുത്തുന്നു.

$$18 = 2 \times 3 \times 3 = 2 \times 3$$

എങ്കിൽ 72 നെ എങ്ങനെ എഴുതാം?

$$72 = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 = 2 \times 3$$

?താഴെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന സംവ്യക്തെ അഭാജ്യ പ്ലടകങ്ങളുടെ ഗുണനഫലമായും അവയുടെ ക്രിതിയായും എഴുതുക.(ഹോം വർക്ക്)

സംവ്യ	അഭാജ്യ പ്ലടകങ്ങളുടെ ഗുണനഫലം	അവയുടെ കൃതി
48	$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3$	$2 \times 3$
225	$5 \times 5 \times 3 \times 3$	$5 \times 3$
500	$5 \times 5 \times 5 \times 2 \times 2$	$5 \times 2$
243	$3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3$	$3^5$
96	$5 \times 5 \times 5$ $2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3$	$15^3$

		2 X 3
--	--	-------

ഗുണന നിയമം നല്കിയ ചൊട്ടെങ്ങളും ഉത്തരങ്ങളുമടങ്ങിയ ചാർട്ട് അധ്യാപിക പ്രദർശിപ്പിക്കുന്നു. ശരിയുത്തരമെഴുതിയവർക്ക് ശരി നൽകുകയും തെട്ടുള്ളവക്ക് ശരിയാക്കാനെള്ളു നിർദ്ദേശവും നൽകുന്നു.

### ഗുണന നിയമം

$32 = 2$  ആണല്ലോ

$$32 = 4 \times 8 = 2^2 \times 2^3$$

$$81 = 3 \times 27 = 3^1 \times 3^3$$

$$64 = 4 \times 16 = 4^1 \times 4^2$$

$$100000 = 100 \times 1000 = 10^2 \times 10^3$$

$$32 = 2^2 \text{ ആണല്ലോ ,എങ്കിൽ } 2 \times 2 = 2 \text{ ആലോ?}$$

$$81 = 3 \times 27 = 3^1 \times 3^3$$

$$64 = 4$$

$$100000 = 10 = 10$$

$$3 \times 3 = 3$$

$$4 \times 4 = 4$$

$$10 \times 10 = 10$$

### ഫ്രോഡീകരണം

ഒരേ സംവ്യയുടെ 2 കൃതികൾ ഗുണിക്കുന്നതിന് അവയുടെ കൂടുക്കങ്ങൾ കൂട്ടിയാൽ മതി.

'X' എത്തോടെ സംവ്യയായാലും m,n എന്നിവ എത്തോടെ എണ്ണൽ സംവ്യയായാലും,  $x \times x = x$

ചെയ്തു നോക്കു....

?നെ കെർ ഗുണിച്ചാൽ 2 എൻ്റെ എത്തോമത്തെ കൃതി കിട്ടും?

?ഒൻ്റെ 2 മടങ്ങ് 2 എൻ്റെ എത്തോമത്തെ കൃതിയാണ്?

?നേരാട് 2 എൻ്റെ ഏത് കൃതി കൂട്ടിയാൽ കിട്ടും?

?നേരാട് എത്ര കൂട്ടിയാൽ കിട്ടും?

?2 എൻ്റെ കൃതികളുടെ പട്ടിക തയ്യാറാക്കു. അതുപോയാൾപ്പെട്ട് ഗുണന ഫലങ്ങൾ കരത്തു.

$$16 \times 64 = 2 \times 2 = 2$$

$$64 \times 256 = 2 \times 2 = 2$$

$$32 \times 512 = 2 \times 5 = 2$$

$$128 \times 256 = 2 \times 2 = 2$$

### ഹരണനിയമം

പട്ടിക വുർത്തിയാക്കുക.

? ഒരേ സംവ്യയുടെ തന്നെ 2 കൃതികൾ തമ്മിൽ ഹരിക്കുന്നതിനെല്ലു മാർഗമെന്ത്? - ചർച്ച.

കൃതികളുടെ വ്യത്യാസം കാൽ മതിയെന്ന് ഫ്രോഡീകരിക്കുന്നു.

$\times$  പുജ്യമല്ലാത്ത ഏതു സംവ്യയായാലും m, n  $m > n$   
ആയ ഏതു എണ്ണൽ സംവ്യകളായാലും

?ചെയ്യാമോ ?

ഗുണപാഠം/വർക്ക് ഷീറ്റ്

## ക്ക് പിടിക്കു

? 2നെ 2 നേരക്കെൽ ഹരിച്ചാൽ 2 എൻ്റെ എത്രാമത്തെ കൂതി കിട്ടും?

? 10 10 എന്ന സംവ്യൂദ്ധത്ത്?

? 2 എൻ്റെ പക്കതി 2 എൻ്റെ എത്രാമത്തെ കൂതിയാണ്?

?നേരത്തെ (ഗുണനത്തിൽ)തയ്യാറാക്കിയ 2 എൻ്റെ കൂതികളുടെ പട്ടിക ഉപയോഗിച്ച് ക്ക് പിടിക്കു.

$$* \quad 64 \quad 16 \quad * \quad 512 \quad 32 \quad * \quad 1024 \quad 128 \quad * \quad 16384 \quad 2048$$

?  $2 \times \frac{1}{2}$  എത്ര?

? 7 നെ എന്ന് കെട്ട് ഗുണിച്ചാൽ 7 കിട്ടും?

?  $2 \times 2 = ?$

ഗുപാംത്തിലെ അവസാനത്തെ ചോദ്യത്തിൽ നിന്ന് തുടങ്ങുന്ന  
(മറ്റൊള്ള ചോദ്യങ്ങൾ ചർച്ച ചെയ്തതിനു ശേഷം.)

◆	$8 \times 3 = 24$	$24 \times 8 = 3$	$24 \times 3 = 8$
◆	$7 \times 6 = 42$	$42 \times 7 = 6$	$42 \times 6 = 7$
◆	$2 \times \frac{1}{2} = 2$	$2 \times 2 =$	$2 = 2$
◆	$4 \times =$	$4 \times 4 =$	$4 = 4$
◆	-----	-----	-----
◆	-----	-----	-----

എക്കിൽ  $\times$  പുജ്യമല്ലാത്ത എത്രു സംവ്യൂധായാലും ,  $m < n$  ആയ എത്രു 2 എന്നോ സംവ്യൂക്തായാലും

$X \times =$  എന്ന് ഫോറീകരിക്കുന്നു.

## ലഭ്യകരിക്കു

TB പേജ് 61 ലെ പ്രവർത്തനങ്ങൾ നല്കുന്നു.

**പട്ടിക നോക്കു.....**

കൂതി ഇ	0	1	2	3	4	5	6	7	8
സംവ്യൂദ്ധി									
2	1	2	4	8	16	32	64	128	256
4	1	4	16	64	256	1024	-----	-----	-----
8	1	8	64	512	4096	-----	-----	-----	-----

? 2 എൻ്റെ കൂതിയായി വരുന്ന എത്രക്കിലും സംവ്യൂക്കൾ 4 എൻ്റെ കൂതിയായി വരുന്നോ?

എത്രല്ലോ? എത്രല്ലാംകൂതികൾ?

$$2 = 4 \quad 2 = 16 \quad 4 = 4 \quad 4 = 16$$

→ 4 നെ 2 എൻ്റെ 2-ാം കൂതിയായും 2 എൻ്റെ ഒന്നാം കൂതിയായും എഴുതാം .

→ ഇതുപോലെ 16 നെ 2 എൻ്റെ 4-ാം കൂതിയായും 4 എൻ്റെ 2-ാം കൂതിയായും എഴുതാം.

വ്യത്യസ്ത സംവ്യൂക്തുടെ കൂതിയായി എഴുതാൻ കഴിയുന്ന മറ്റൊത്രക്കിലും സംവ്യൂക്തും?

$$64 = 2 \quad 2 = 256 \quad 2 = 1024 \quad 2 = 512$$

$$64 = 4 \quad 4 = 256 \quad 4 = 1024 \quad 8 = 512$$

$$64 = 8$$

$$64 = 6$$

വ്യത്യസ്ത രീതിയിൽ കൂതികളായി എഴുതാൻ മറ്റൊള്ള സംവ്യൂക്കൾ കാണുന്നു.

→ 3 നെ മറ്റൊള്ള സംവ്യൂക്തുടെ കൂതിയായി എഴുതാമോ?

$$\rightarrow 3 = 3 \times 3 = 27 \times 2 = 27 \quad 3 = 729$$

$$\rightarrow 3 = 3 \times 3 \times 3 = 9 \times 9 \times 9 = 9$$

$$\rightarrow 729 = 3$$

$$729 = 27$$

$$729 = 9$$

$$\rightarrow 6 \times 6 \quad 7 = 7 \times 7 \times 7 \times 7$$

$$? \quad 2 = 2 \times 2 = (2)$$

$$3 = 3 \times 3 \times 3 = (3)$$

$$6 = 6 \times 6 \times 6 = (6)$$

$$5 = \dots$$

$$10 = \dots = \dots$$

$$\dots = 7 \times 7 \times 7 = \dots$$

$$\dots = \dots = (12)$$

$$\dots = \dots = (*4)$$

? ഒറ്റ കൂതിയായി എഴുതാമോ?

? ചുവടെയുള്ളവ വിവിധ സംഖ്യകളുടെ കൂതിയായി എഴുതാമോ?

$$3 \quad 2 \quad 4 \quad 5$$

### എടക്കങ്ങൾ

? 6 ന്റെ എടക്കങ്ങൾ എത്രല്ലാം?

ഈതേ പ്രത്യേകതയുള്ള മറ്റൊരേതകിലും സംഖ്യകളുണ്ടോ?

കട്ടികൾ സ്വയം ചെയ്തു നോക്കേണ്ട 28 ഈ പ്രത്യേകതയുള്ളതാണെന്ന് കത്തീയില്ലെങ്കിൽ 28 നെ ചെയ്തു നോക്കാൻ നിർദ്ദേശിക്കേണ്ടുണ്ട്.

$$28 = 4 \times 7 = 2 \times 14$$

അപ്പോൾ 28 ന്റെ എടക്കങ്ങൾ : 1, 2, 2, 7, 2, 2, 14, 2, 7

$$28 \text{ ഒഴികെയുള്ളവയുടെ തുക} = 1+2+4+7+14 = 28$$

#### ഡ്രോഡീകരണം

ഈ സംഖ്യയുടെ എടക്കങ്ങളിൽ ആ സംഖ്യ ഒഴികെയുള്ള മറ്റു എടക്കങ്ങളുടെ തുക സംഖ്യയ്ക്കു തുല്യമായാൽ ആ സംഖ്യ ഒരു അനഘസംഖ്യ ആയിരിക്കും.

കൂടുതൽ അനുഭവം സംഖ്യകളെ കണ്ടത്തു.

എടക്കങ്ങൾ മറ്റൊരു രീതിയിൽ കാണാം....

#### ഡ്രോഡീകരണം

ഈ സംഖ്യയുടെ എടക്കങ്ങളെ അഭാജ്യ സംഖ്യകളുടെ ഗുണനഫലമായി എഴുതുന്നോൾ എടക്കങ്ങളില്ലോ എഴുതാനും അവയുടെ തുക കാണാനും എളുപ്പമാകും.

### കൂതിയുടെ കൂതി

? ഒരു ചോദ്യം: 3 മുന്നകളുപയോഗിച്ച് ഉാക്കാൻ കഴിയുന്ന എറ്റവും വലിയ സംഖ്യയെത്?

$$? (3)$$

$$3 = (3 \times 3 \times 3) = (3 \times 3 \times 3) \times (3 \times 3 \times 3) \times (3 \times 3 \times 3) = 3^9$$

$$\text{എങ്കിൽ, } (4) = (4 \times 4 \times 4) = (4 \times 4) \times (4 \times 4) \times (4 \times 4) = 4^3 \\ (\text{കൂതിയുടെ കൂതി എന്ന് പതിചയപ്പെടുത്തുന്നു}).$$

പട്ടിക പുർത്തിയാക്കക്ക.

(6)	$(6 \times 6 \times 6) \times (6 \times 6 \times 6) \times (6 \times 6 \times 6)$	6
(10)	$(10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10) \times (10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10)$	10
(14)	$\dots$	$\dots$
(1)	$\dots$	$\dots$

(9)	-----	-----
(9)	-----	-----
(11)	-----	-----

പട്ടിക പുർത്തിയാക്കണമ്പോൾ വിശദീകരിച്ചുതേ ആവശ്യമുകൈൽ മാത്രം എഴുതിയാൽ മതി എന്ന് നിർദ്ദേശിക്കുന്നു.പുർത്തിയായതിനു ശേഷം ഭോധീകരിക്കുന്നു.

ഒരു സംഖ്യയുടെ കൃതി കാണാൻ കൃതികളുടെ ഗുണനഫലം കൃതിയായി എഴുതിയാൽ മതി.

### പുരിപ്പിക്കുക

- (5)
- (7)
- (12) = 12
- (11) = 11

### അധിക പ്രവർത്തനങ്ങൾ

? ഏറ്റവും സ്ഥാനത്തെ അക്കമേൽ?

?ഏറ്റവും സ്ഥാനത്തോ?

? 5 ഏറ്റവും കൃതികളിൽ ഏറ്റവും സ്ഥാനത്ത് 2 വരുന്ന സംഖ്യകളും?

?4 ഏറ്റവും കൃതികളുടെയും 6 ഏറ്റവും കൃതികളുടെയും ഏറ്റവും സ്ഥാനത്തെ അക്കങ്ങൾ നോക്കി പ്രത്യേകത ക്രത്തുക.

? 7 , 8 , 4 ഇവയിലേതാണ് വലിയ സംഖ്യ?

? 1 മുതൽ 25 വരെയുള്ള സംഖ്യകളുടെ ഐടകങ്ങൾ എഴുതുക .

?ഐടകങ്ങളുടെ എണ്ണം ഇരട്ടയായ സംഖ്യകളേതെല്ലാം?

?ഐടകങ്ങളുടെ എണ്ണം എറ്റായ സംഖ്യകളേതെല്ലാം ?

?ഐടകങ്ങൾ ക്രത്താതെ ,ഐടകങ്ങളുടെ എണ്ണം ഏറ്റവും എറ്റവും എഴുതാമോ?

ക്രത്തിയ മാർഗം വിശദീകരിക്കുക.